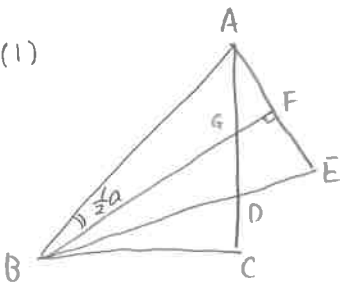


(1)



$\triangle ABE$ は二等辺三角形で、 $AF = EF$ なので

$BF$ は $\angle ABE$ の二等分線になり、

だから $\angle ABG = \frac{1}{2}\alpha$

$\angle BAG = 45^\circ$  ( $\triangle ABC$ は直角二等辺三角形)

$\triangle ABG$ の内角で

$$\angle AGB = 180^\circ - (\frac{1}{2}\alpha + 45^\circ) = 135 - \frac{1}{2}\alpha$$

(2)

①

$\triangle BDG$ と $\triangle EDC$ で

$\angle BDG = \angle EDC$  (対頂角)

$\triangle ACE$ で中点連結定理より  $GF \parallel CE$

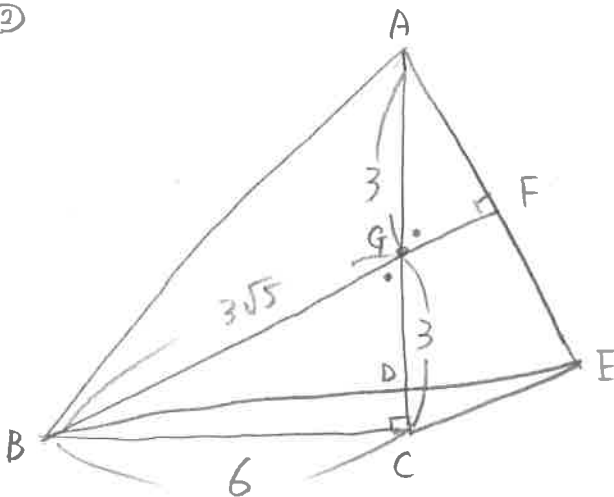
$\angle BGD = \angle ECD$  (平行線の錯角)

$\angle GBD = \angle CED$

→ 条件が2つ

2組の角がそれぞれ等しいので  $\triangle BDG \sim \triangle EDC$

②



$\triangle BCG$ で三平方の定理より

$$BG = 3\sqrt{5} \text{ cm}$$

$\triangle BCG \sim \triangle AFG$

$$BG : AG = 3\sqrt{5} : 3 = \sqrt{5} : 1$$

$$GF = GC \times \frac{1}{\sqrt{5}} = 3 \times \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{5}}{5} \text{ cm}$$